# QM/MM 法による金(I)-イソシアニド錯体の吸収・発光に対する結晶効果の研究 (京大福井謙一研究セ) 〇青野 信治、榊 茂好\*

# QM/MM study of gold(I)-isocyanide complex:

### Influence of molecular crystal on absorption and emission spectra

(FIFC, Kyoto Univ.) OShinji Aono and Shigeyoshi Sakaki\*

【序】 金(I)-イソシアニド錯体は複数の単結晶構造を持ち、熱や光照射でなく機械的刺激に よって相転移を起こし、各々の単結晶構造で異なる発光色を示す事から分子科学的にも、ま た材料化学的にも興味深い系である。 phenyl(phenyl-isocyanide) Gold(I)錯体1は、溶媒中から 高速で結晶化させると単結晶構造 1b が、ゆっくり結晶化させると単結晶構造 1y が生成する 事が実験的に報告されている(Scheme 1)<sup>1</sup>。1b では最小単位格子が2個の分子から構成され ているのに対し、1yでは16個の分子(Scheme 1bにおいて c軸方向に更に3層存在)から 構成されている。特に 1b では PhNC 基と Ph 基の平面角τが 70 度ほど捻じれた単量体から構 成されるのに対し、1vではPhNC 基とPh 基がほぼ並行な単量体から構成されている。また 1b では隣り合う分子間の Au-Au 距離は 4.7~5.7Å と長く、PhNC 基と Ph 基は CH-π相互作用 しているのに対し、1yでは隣り合う分子間の Au-Au 距離は 3.2~3.7Å と短く、PhNC 基と Ph 基の CH-π相互作用に加えて、PhNC 基のπ-π相互作用も存在している。

吸収・発光スペクトルのピーク位置は、これらの単結晶構造の間で大きく異なり、吸収ス ペクトルにおいて 1vは 1b よりも 1.0 eV、発光スペクトルにおいて 1y は **1b**よりも0.3 eV 以上低エネルギー側 へのシフトが観測されている<sup>1</sup>。本研 究では、QM/MM 法で結晶効果を考慮 し、気相、溶液、結晶中での比較・検 討を行い、この原因の究明を試みた。





【方法】 構造最適化には B3LYP-D3 汎関数による DFT 法を用い、吸収エネルギーは B3LYP 汎関数による TDDFT 法で求め、発光エネルギーは B3LYP-D3 汎関数を用いた3重項-1重項 のエネルギー差で求めた。Auの原子価電子には(211111/411/2111/1)基底を用い、内殻電子は Stuttgart グループの ECP で置き換え、f 軌道の分極関数を1つ加えた。他の原子については 6-31++G\*\*基底を用いた。CHCl3 中の溶媒効果は 3D-RISM 法、結晶効果は周期境界条件に基 づく QM/MM 法によって考慮した<sup>2</sup>。

本研究の QM/MM 法に基づく結晶中の構造決定は、次のように構築されている (Scheme 2)。 まず、基底状態結晶を点電荷とLJパラメータを用いてモデル化した。ここで、対称操作と格 子ベクトルによる並進操作を用いる事で全結晶部分を再構成できる領域を QM 領域に選び、

計算された RESP 電荷を MM 領域に 再分布させる事で自己無撞着的に MM 領域の点電荷と構造を決めた<sup>2</sup>。 これによって得られた基底状態結晶 中での吸収エネルギーを求めた。

基底状態結晶の MM モデルは固定 したまま、式(1)のエネルギー Ecrystal が最少となるように反応中心部分の 3 重項状態の構造を決定して、発光 エネルギーを求めた。

1. Modeling of MM crystal 2. Optimization of QM target MM structures were self-consistently generated from QM structure. MM structures were fixed. Minimum unit cells



本研究では、格子ベクトルと基底状態結晶の Au 原子の位置を実験結果に固定した。

またスペクトルに対する結晶内部と結晶表面の結果を調べるため、結晶内部で定めた構造 について、スラブモデルを適用し、結晶表面での吸収・発光スペクトルを求めた。

【結果と考察】 基底状態の単量体では、平面角τに対する気相中のエネルギー、CHCl<sub>3</sub>中の 自由エネルギーはほぼ一定であり、常温では自由回転していると考えられる。TDDFT 計算の 結果、Ph 基のπ軌道から PhNC 基のπ\*軌道への LLCT 励起が最低励起状態となるが、その振 動子強度は平面角τに強く依存している(図1)。また最低励起エネルギーは気相中で 3.2-3.3 eV、CHCl<sub>3</sub>中で 3.7-3.8 eV と後者の方が 0.5 eV 高い。これは、錯体 1 の PhNC 基は中性であ るのに対して Ph 基はアニオン性であるので、より強い CH-π相互作用の溶媒和が Ph 基に生じ、 この溶媒和によって Ph 基のπ軌道が相対的に安定化するため、Ph 基のπ軌道から PhNC 基の π\*軌道への LLCT 励起などの励起エネルギーは CHCl<sub>3</sub>中でより高くなる事による。

結晶中の1bと1yについても、四量 体を QM 領域とした計算を行った(図 1)。**1b**での、4.1 eVの第一ピークは Ph 基のπ軌道から PhNC 基のπ\*軌道へ の分子内および分子間 LLCT 励起であ るが、気相中の分子内 LLCT 励起に比 べて 0.8 eV ほど高い。これは、Ph 基 が隣り合う2つの分子の PhNC 基と CH-π相互作用している事が原因であ る。実際、CH-π相互作用が1つしかな い結晶表面の場合は、この LLCT 励起 は 3.7 eV に計算される。実験結果では 3.9 eV に大きなピークがある他、3.5 eV にショルダーと 3.2 eV に小さな吸 収が観測されているが、これらはCH-π 相互作用を1つ、あるいは全く持たな い分子の存在を示唆している。



**1y**での結晶中と結晶表面で計算された 3.2 eV、3.1 eVの第一ピークはAuのd軌道からPhNC 基の $\pi$ \*軌道へのMLCT励起であり、実験値 2.9 eVに対応している。**1y**では隣り合う分子の Au-Au距離が短いので、anti-bonding combination型のd軌道が生じ、そのエネルギーが相対的 に高くなるため、 $\pi$ - $\pi$ \*型LLCT励起よりもMLCT励起が低く、**1b**とは異なる励起状態となる。

また、気相、CHCl<sub>3</sub>中の単量体の3重項状態は、PhNC 基の $\pi$ - $\pi$ \*局所的励起構造が求まった。 この $\pi$ - $\pi$ \*局所的励起は基底状態と電荷分布が大きく変化しておらず、発光エネルギーは気相、 CHCl<sub>3</sub>中ともに2.72 eV であり、環境の影響を受けない。二量体も検証したが、 $\pi$ - $\pi$ \*局所的励 起よりも anti-bonding combination 型 Au の d 軌道から bonding combination 型 PhNC 基の $\pi$ \*軌道 への MLCT 励起構造が安定であった(図2)。 $\pi$ - $\pi$ 相互作用構造は、CH- $\pi$ 相互作用構造よりも

気相中で3 kcal/mol 安定であり、発光エネル ギーも前者が1.95 eV、後者が2.45 eV となり、 発光エネルギーは Au-Au 距離だけでなく、2 つの PhNC 基の向きにも大きく依存する。

**1b**では、周囲の分子の配向性のため MLCT 型3重項構造を二量体間で作る事ができず、 PhNC 基のπ-π\*局所的励起構造からの発光エ





ネルギーが 2.72 eV に求まった。一方、1y では MLCT 型3重項の CH-π相互作用構造を二量体 間で作り、両側の隣り合う二量体も近付く事で、その発光は 2.38 eV に求まった。

[1] H. Ito et al., Nat. Commun. 2013, 4, 2009; T. Seki, K. Sakurada, H. Ito, Angew. Chem. Int. Ed. 2013, 52, 12828.

<sup>[2]</sup> S. Aono and S. Sakaki, Chem. Phys. Lett. 2012, 544, 77.

# Application of DFT+U with Magnetic Exchange Method to the Analysis of Redox and Magnetic Properties of Cathode Materials of Li-and Na-ion Batteries

(ESICB, Kyoto University, Kyoto,<sup>\*</sup> Department of Molecular Engineering, Kyoto University, Kyoto<sup>\*\*</sup>) O Maxim Shishkin<sup>\*</sup> and Hirofumi Sato<sup>\*,\*\*</sup>

## Introduction

The first principles modelling of electrochemical properties of Li- and Na-ion batteries has proven to be quite instrumental for further advancements in battery technology. A challenging aspect of such modelling is the need for accurate description of electronic structure and energetics of transition metal compounds, which are commonly used as cathode materials of Li- and Na-ion batteries. Indeed, application of a widely used DFT+U approach [1] heavily depends on adequate U parameters, capable to provide accurate description of energetics, electronic structure and magnetic properties of materials that contain transition metal ions. In this contribution we present the linear response method, where U parameters of DFT+U scheme are evaluated computationally, relying on a definition of U as a double derivative of a total energy over localized electron density [2,3]. The U parameters are calculated iteratively, ensuring agreement of the U value, obtained by linear response method with the value of U, used in DFT+U calculations [3]. Moreover, we further extend DFT+U framework by adding a magnetic exchange term, which accounts for interactions between the electrons of the opposite spins. Our calculations show that inclusion of magnetic exchange is necessary for evaluation of redox and magnetic properties of sulphate based cathodes in a good agreement with experiment.

#### **Theoretical framework**

We have employed a rotationally invariant form of Hubbard term [1]:

$$E_U = \frac{U}{2} \sum_{l\sigma} Tr[n^{l\sigma} (1 - n^{l\sigma})]$$

where  $n^{l\sigma}$  is a density matrix of  $l^{th}$  ion and  $\sigma$  is a spin state of respective projectors.

U parameters are evaluated using linear response approach [2,3] as

$$U = (\chi_0^{-1} - \chi^{-1})_{II}$$

where  $\chi_0^{-1}$  and  $\chi^{-1}$  are the inverted matrices of non-interactive and polarized linear response functions, explicitly defined in [2,3]. *U* in the above expression is equal to the diagonal element of the difference of the inverted linear response matrices.

The magnetic exchange contribution is further added to the Hubbard term as:

$$E_{U} = \frac{U}{2} \sum_{l\sigma} Tr[n^{l\sigma} (1 - n^{l\sigma})] + \frac{J}{2} \sum_{l} Tr[m^{l}(m^{l} - 1)]$$

where m is a magnetic moment and J is a magnetic exchange parameter. We have found that for sulphates, magnetic exchange contribution is necessary to bring both redox potentials and magnetic moments of Fe to a reasonable agreement with experiment.

#### Results

We have calculated average redox potentials of seven well characterized cathode materials, using established expression [4]

$$\phi = -\frac{E(LiMO_2) - E(MO_2) - E(Li)}{e}$$

where  $\phi$  is a redox potential, E(LiMO<sub>2</sub>) and E(MO<sub>2</sub>) are enthalpies of formula units of intercalated and deintercalated compounds, E(Li) is an enthalpy of a Li atom in Li bulk and *e* is the charge of an electron.

The evaluated DFT and DFT+U redox potentials of seven well characterized materials are presented in Fig. 1. A clear improvement of calculated values is observed when DFT+U is employed as compared to the local DFT. On the other hand, for sulfate materials (Fig. 2) DFT+U calculations provide quite overestimated values of redox potentials. Moreover, we find that both DFT and DFT+U calculations provide magnetic moments of Fe of intercalated structure that are by about 0.4  $\mu_B$  higher than those found experimentally [5]. As a remedy, we show that when magnetic exchange contribution is included, both redox potentials (Fig. 2) and magnetic moment of Fe can be brought to a much better agreement with experiment.



Fig.1 Comparison of DFT and DFT+U evaluated redox potentials with respective experimental values.

Fig.2 Redox potentials for sulfate materials. Addition of magnetic exchange contribution results in a reasonable agreement with experiment.

References

- [1] S. L. Dudarev et al, Phys. Rev. B 57, 1505 (1998).
- [2] M. Cococcioni and S. de Gironcoli, Phys. Rev. B 71, 035105 (2005).
- [3] M. Shishkin and H. Sato, Phys. Rev. B 93, 085135 (2016).
- [4] K. Aydinol et al, Phys. Rev. B 56, 1354 (1997).
- [5] M. Reynaud et al, Inorg. Chem. 52, 10456 (2013).

(京大院工<sup>1</sup>・京大 ESICB<sup>2</sup>) o佐藤 徹 <sup>1,2</sup>

# Theoretical design for a novel mechanism of electroluminescence based on the control of vibronic couplings

(<sup>1</sup>Graduate School of Engineering, Kyoto Univ.; <sup>2</sup>ESICB, Kyoto Univ.) • Tohru SATO<sup>1,2</sup>

【序】 蛍光 EL 素子において、発光機構として一重項励起状態からの蛍光が利用される。し かし蛍光 EL では、電流励起により生成した励起子のうちおよそ 25%の一重項励起子が発光 に利用されているにすぎない。りん光 EL 素子では、生成した励起子のうちの 75%の三重項 励起子を利用したリン光過程が使われる。最近、有機 EL 素子の発光機構として熱活性型遅延 蛍光(TADF)が注目されている[1]。これは T<sub>1</sub>励起子の熱励起による逆系間交差(RISC)によって 生じた S<sub>1</sub>状態からの蛍光を利用するものであり、一重項励起子と三重項励起子の両方が使わ れていることになる。TADF 機構の発現には、S<sub>1</sub>-T<sub>1</sub>のエネルギーギャップが小さいことが必 要である。ドナー-アクセプター連結系ではこのエネルギーギャップの原因である交換積分が 小さい。この設計指針に従い、多くの分子が設計され高効率な TADF の発現が確認されてい る。

佐藤らは対称性による禁制を利用して、T<sub>1</sub>よりエネルギー的に高い位置にある高次三重項 状態 T<sub>n</sub>(n>1)を経由した逆系間交差による EL 素子の発光機構を提案している[2]。



I: Structure of phenothiazine-benzothiadiazole (PTZ-BZP).

最近 Ma らは、図 1 に示す phenothiazine-benzothiadiazole (PTZ-BZP)を用いた蛍光 EL 素子における高効率な外部量子効率を報告している[3]。この高効率な発光は単純な蛍光過程 では説明できず、また T<sub>1</sub>状態は蛍光状態からエネルギー的に低いところにあるため、T<sub>1</sub>から の逆系間交差では説明できない。彼らは S<sub>1</sub>状態に接近した T<sub>3</sub>状態の関与する機構によりこれ を説明している[3]。  $T_3$ 状態から $S_1$ 状態へのRISCは、 $T_3$ 状態から $T_1$ 状態への無輻射遷移と競合するので、無輻射遷移の原因となる非対角振電相互作用の大きさが問題となる。本研究では、PTZ-BZPにおいて $T_3$ より下の三重項状態との非対角振電相互作用が小さいため、このような機構での発光の可能であることを示す。

【計算】B3LYP/6-31G(d,p) レベルで TD-DFT 法により PTZ-BZP の各励起状態の構造最適化を 行った[4]。これらの計算には Gaussian09 Rev. D.01 を用いた。振電相互作用定数ならびに振電相 互作用密度解析 [5-7]は自作プログラムにより行った。

【結果と考察】 $T_3$ 最適化構造において、 $S_1$ - $T_3$ のエネルギー差は-84 meV のマイナスギャップ であった。また、 $T_2$ 最適化構造において、 $S_1$ - $T_2$ のエネルギー差は 66 meV であった。したが って、 $T_3$ と $T_2$ から $S_1$ への RISC の可能性が考えられる。

得られた振動モードごとの非対角振電相互作用定数は、 $T_3$ - $T_2$ 間で最大で $1.3 \times 10^{-4}$  a.u.、 $T_3$ - $T_1$ 間で最大で $7.3 \times 10^{-4}$  a.u.,  $T_2$ - $T_1$ 間で最大で $6.0 \times 10^{-5}$  a.u.であった。これらは有機分子の非対角振電相互作用としては比較的小さな値である。このような小さな振電相互作用定数が得られる理由について検討するため、振電相互作用密度解析を行った。非対角振電相互作用は波動関数の間の重なり密度によって支配される。 $T_3$ と $T_2$ の間と $T_2$ と $T_1$ の間の重なり密度は著しく小さいことが分かった。これは、2つのBZPフラグメントに由来する擬縮退した電子状態に由来する。

このような擬縮退した電子状態を利用した高次三重項状態を経由する RISC を可能にする 分子設計指針を一般的に議論する。

- [1] 総説として, C. Adachi, Jpn. J. Appl. Phys. 53, 060101 (2014).
- [2] T. Sato et. al, J. Mater. Chem. C 3, 870 (2014).
- [3] L. Yao et. al, Angew. Chem. 126, 2151 (2014).
- [4] T. Sato, J. Comp. Chem. Jpn. 6, 189 (2015).
- [5] T. Sato et. al, J. Phys. Chem. A 112, 758 (2008).
- [6] T. Sato et. al., J. Phys.: Conf. Ser. 428, 012010 (2013).
- [7] M. Uejima et. al., Phys. Chem. Chem. Phys. 16, 14244 (2014).

炭素ドープによる h-BN 表面活性領域拡大に関する理論的研究 (<sup>1</sup>北大院理,<sup>2</sup>京大 ESICB<sup>3</sup> NIMS, GREEN) ○高 敏<sup>1,2</sup>, 王奔<sup>1</sup>, 足立 将<sup>1</sup>, Lyalin Andrey<sup>3</sup>, 武次徹也<sup>1,2,3</sup>

Large active area of h-BN Monolayer induced by carbon doping (<sup>1</sup>Hokkaido Univ., <sup>2</sup>Kyoto Univ., ESICB <sup>3</sup> NIMS, GREEN) O Gao Min <sup>1,2</sup>, Wang Ben <sup>1</sup>, Adachi Masashi <sup>1</sup>, Lyalin Andrey <sup>3</sup>, Taketsugu Tetsuya <sup>1,2,3</sup>

The catalytic reactions with molecular oxygen have attracted lots of interests due to its various crucial industrial chemical processes, such as selective oxidation and epoxidation, exhaust gas emission control for automotive applications, oxygen reduction reaction in fuel cells, and so on. Extensive efforts are devoted to the development of effective catalytic materials for oxygen activation. Currently, most of the industrially used catalysts are based on precious transition metals (Pt, Pd, Ru, etc.). Therefore, the development of effective, cheap and environment friendly catalysts based on the nonprecious abundant elements is an emerging task for commercial market. Recently, we have demonstrated theoretically [1] and proved experimentally that even inert and catalytically inactive materials, h-BN can be functionalized to become active catalysts at nanoscale [2]. Our findings open new and yet unexplored routes to design effective catalyst based on materials that have never before been considered for catalytic applications.

In the present work, we performed a systematic theoretical investigation of the catalytic activity of the C doped *h*-BN monolayer toward a reaction with molecular oxygen reactant. It is demonstrated that C doping into B position on the *h*-BN monolayer ( $C_B@h$ -BN) produces n-type semiconductor material with noticeable catalytic activity in the large area extended far away from the C impurity [3]. The adsorption energy of O<sub>2</sub> on  $C_B@h$ -BN decreases slowly as shown in Fig. 1a with the increasing in distance from the C impurity, while O<sub>2</sub> remains to get electron from  $C_B@h$ -BN (Fig. 1b) and highly activated. It is shown that a small energy gap between the occupied defect level and the

bottom of the conduction band leads to functionalization of the large area around the defect. Therefore, to design effective BN-based catalyst using atomic doping one should introduce occupied defect states in a close vicinity of the bottom of the conduction band.

To investigate the catalytic activity of  $C_B@h-BN$ , the oxygen reduction reaction [3] and oxidation reactions of CO and  $C_2H_4$  are considered. All these reactions can occur even at the sites far from the doped C atom. Such effects were not observed for *h*-BN monolayer doped with different atoms such as B, N, Al, Si, Ge, Ni, Pt, Pd, and Au where  $O_2$  adsorbs only in the close vicinity of the dopant. Therefore, even small concentration of C dopants can functionalize the large surface area of *h*-BN monolayer, making it a promising catalytic material.



Fig. 1 (a) Dependence of the binding energy and on the adsorbed  $O_2$  as a function of distance  $R_{CB-B}$  between the  $C_B$  dopant center and the active site for  $O_2$  adsorption on  $C_B@h-BN$ . (b) Isosurface of the electron density difference induced by interaction of  $O_2$  molecule with the  $C_B@h-BN$  surface, i.e.  $\rho tot(O_2/C_B@h-BN) - \rho tot(O_2) - \rho tot(C_B@h-BN)$ .

[1] Lyalin A.; Gao M.; Taketsugu T. Chem. Rec. 2016, in press.

[2] Uosaki, K.; Elumalai, G.; Noguchi, H.; Masuda, T.; Lyalin, A.; Nakayama, A.; Taketsugu, T. J. Am. Chem. Soc. 2014, 136, 6542–6545.

[3] Gao M.; Adachi M.; Lyalin A.; Taketsugu T. J. Phys. Chem. C 2016, in press (DOI: 10.1021/acs.jpcc.5b12706)

新規切頭正四面体形炭化水素への水素貯蔵に関する理論的研究

(東海大理) 石川 滋

Theoretical Study of Hydrogen Storage in a No el Truncated Tetrahedron Hydrocarbon (Tokai ni .) Shigeru Ishika a

【序】燃料電池を輸送手段の動力源として使用するには、高密度で水素を貯蔵できる 装置が必要である。現在、数百気圧に耐える高圧水素タンクが開発され実用化されて いるが、いずれ、より低圧で働く水素貯蔵材料にとって代わられるとの見込みがある 水素貯蔵材料は、水素化物や水素貯蔵合金などの化学吸着材料とナノカーボンや金属 有機構造体などの多孔質物質に代表される物理吸着材料に大別される。物理吸着材料 は吸着力が小さいので、極低温でも実用的な貯蔵密度を達成できていないが、化学吸 着材料に比べ水素貯蔵/放出過程を制御しやすい利点がある。我々は、水素貯蔵に適 したナノカーボンの形状とサイズを理論的に見積もり、大きな水素吸着力が得られる ことをすでに報告している[1,2]。さて、物理吸着によって水素貯蔵密度を増加させ るには、単位体積あたりの吸着サイト数を増やす必要があり、そのためには、吸着サ イトは水素吸着に適した形状とサイズを保ちながら出来る限り近くに配置されねば ならない。このことは多面体の空間充填問題に関係する。本研究では、このような配 置が可能な吸着サイトとして、正四面体と組み合わせることで3次元空間を充填でき る切頭正四面体の形状をもつ新規炭化水素分子を提案し、これへの水素貯蔵を理論的 に検討した。

この分子は、4 つのベンゼン環とこれらを炭素 1、 3、5 位で架橋する 6 つのビニレン基から成り、分 子式 C<sub>3</sub><sub>6</sub>H<sub>4</sub>をもつ。B3LYP/cc-pVT レベルで安定構 造を探査したところ、分子は T<sub>a</sub>対称性のもとで、 虚数振動モードなしで最適化された。得られた分 子構造を図1に示す。ビニレン基間の距離で測っ た分子空洞サイズは 8.0A であった。分子はC<sub>3</sub>軸に 水平な 4 つの正三角形状の開口部をもち、開口部



図1 切頭正四面体型炭化水素 C<sub>36</sub>H<sub>4</sub>の最適化構造

の水素原子間距離は3.2 A であった。

この分子への水素吸着過程を、水素分子と炭化水素分子の相互作用系を MP2/ccpVT で構造最適化して調べた。相互作用エネルギーは水素分子の基底関数を完全系 に外挿して求めた。図2に、水素分子が開口部のC。軸に沿って移動し、この炭化水素 分子内に吸着される過程を示す。水素分子と炭化水素分子の重心間の距離が5.4 Aの とき、水素分子は開口部の外側に、-27 meV の吸着エネルギーで吸着された。水素分 子と炭化水素分子の重心間の距離が2.2 Aに接近すると、吸着の遷移状態に達した。 開口部のサイズが小さいためエネルギー障壁は高い値を示した。障壁の高さは孤立系 から測って730 meVであった。遷移状態を経て水素分子は-140 meVの吸着エネルギ ーで炭化水素分子のほぼ中心に吸着された。この吸着エネルギーの大きさは、黒鉛表 面への水素吸着よりも約3 倍大きく[3]、より室温に近い温度で、穏和な圧力での水 素貯蔵を可能にする。



図 2 切頭正四面体型炭化水素 C<sub>36</sub>H<sub>4</sub>のへの水素分子吸着。相互作用系はC<sub>3</sub>対称性の もと、MP2/cc-pVT レベルで構造最適化した。*L*E は孤立系からのエネルギー変化で、 水素分子の基底関数を完全系に外挿して求めた。<sub>H2</sub>は水素分子と炭化水素分子の重 心間の距離を表わす。左、炭化水素分子内側への吸着構造;中央、遷移状態;右、 炭化水素分子外側への吸着構造。

#### 参考文献

- [1] Ishikawa, S; Yamabe, T. Appl. Phys. A . 2014 , 114 , 1339.
- [2] Ishikawa, S; Yamabe, T. Appl. Phys. A . 2015, 119, 1365.
- [3] Mattera, L et al., Surf. Sci. 1980, 93, 515.

金/チタニア触媒上での CO 酸化反応に対する水分子の働きについての理論的研究
 (<sup>1</sup>大阪大院・理、<sup>2</sup>京大 ESICB、<sup>3</sup>産総研)○近藤 勇大<sup>1</sup>、古賀 裕明<sup>2</sup>、多田 幸平<sup>3</sup>、
 川上 貴資<sup>1</sup>、山中 秀介<sup>1</sup>、奥村 光隆<sup>1,2</sup>

Theoretical Investigation of the Role of Water Molecule to CO Oxidation Reaction on the Au/TiO2 Catalyst

(<sup>1</sup>Graduate School of Science,Osaka Univ., <sup>2</sup>ESICB,Kyoto Univ., <sup>3</sup>AIST) OYudai Kondo<sup>1</sup>, Hiroaki Koga<sup>2</sup>, Kohei Tada<sup>3</sup>, Takashi Kawakami<sup>1</sup>, Shusuke Yamanaka<sup>1</sup>, Mitsutaka Okumura<sup>1, 2</sup>

#### 【背景、目的】

金は通常では化学的に不活性な原子種であるが、微粒子化する ことによって非常に高い触媒活性を持つことが知られている (図1)。その中でもTiO2表面にこの金微粒子を担持した Au/TiO2触媒は、COの酸化反応に対して優れた活性を持ち、 室温以下でも触媒作用を示すことが報告されている。CO酸化 反応についてはこれまでにも理論計算によって様々な特性が 明らかにされてきた<sup>[3],[4]</sup>。そのうちの一つに、水分子が系に添 加されることによって触媒活性が大幅に向上するという特性 がある(図2)。しかし、添加された水分子がどのように触媒 反応に影響を与えているかについては未だ明らかとなって いない。この影響について調べるために、本研究では金ロッ ドを表面に担持させたTiO2触媒モデルに対して量子力学計 算を行い、触媒表面で水分子がどのように反応に関与してい るのかについて検討を行った。



図 1 TiO2 上に担持された金微粒子<sup>[1]</sup>



図 2 水の添加量と触媒回転頻度との関係<sup>[2]</sup>

#### 【計算手法】

ルチル型 TiO<sub>2</sub>の(110)面に金ナノロッドモデルを担持させた Au/TiO<sub>2</sub>触媒モデルを計算モデ ルとして使用した。触媒モデルのサイズとして、2x3x1のものと2x4x1のものを用いた(図 3,2x3x1)。平面波基底を用い、交換相関汎関数として GGA-PBE を採用した。内核電子は PAW によって取り扱った。計算プログラムは VASP (The Vienna Ab initio simulation package) を使用した。

#### 【結果、考察】

触媒表面上に水分子が吸着し、それが開裂す ることで、表面上に吸着した酸素分子が活性 化され、この活性化反応で生じた OOH 種に よって CO 酸化反応が促進されるのではない か、と考えた。この仮説に基づき、まず表面 上で水分子が酸素分子を活性化する際の反応 について計算を行った。そうしたところ、活 性化反応による安定化が 0.15 eV、反応障壁が 0.10 eV であると求められた (図 4)。よって、



この触媒モデル表面では水分子が酸素を十分に活性化させられるということが分かった。 当日は、水分子の役割について、この OOH 種がいかに CO 酸化反応に影響を与えているか についての考察を中心に発表を行う予定である。



# 図 4 水分子の活性化反応の初期構造(IS)、遷移状態構造(TS)、終構造(FS)

#### 【引用文献】

- [1]: I.X.Green, et al., J. Am. Chem. Soc., 134(30), 12717-12723(2012).
- [2]: M. Date, et al., Angew. Chem. Int. Ed., 43, 2129-2132(2004).
- [3]: H. Koga, et al., Chem. Phys. Lett., 610-611, 76(2014).
- [4]: H. Koga, et al., e-J. Surf. Sci. Nanotech., 13, 129(2015).

三中心多重金属結合を持つクロム(II)三核錯体の構造と電子状態 (1. 京大福井謙一研セ, 2.北大触媒研)〇中垣雅之<sup>1</sup>, 中谷直輝<sup>2</sup>, 長谷川淳也<sup>2</sup>, 榊茂好<sup>1</sup>

#### Electronic Structure and Bonding Nature of Trinuclear Cr(II) Complex

(1. FIFC, Kyoto University 2. ICAT, Hokkaido University)

•Masayuki Nakagaki<sup>1</sup>, Naoki Nakatani<sup>2</sup>, Jun-ya Hasegawa<sup>2</sup>, Shigeyoshi Sakaki<sup>1</sup>

【緒言】ジピリジルアミン(dpa)を配位子として金属-金属結合を有する 三核錯体は古くから知られている (スキーム 1)。Cr(II)の三核錯体は axial 位の X 配位子が、Cl の場合は 2 つの Cr-Cr 結合が等価な対称構造  $i^{-1}$ 、N<sub>3</sub>では一方が長くもう一方が短い非対称構造が<sup>2</sup>報告されている。 三核錯体における金属結合は多中心結合であり、その結合性や電子・ スピン状態は金属間多重結合をもつ二核錯体とは大きく異なると考え られる。しかし、これまでの二核錯体の多くの研究で多重金属結合に



おける多参照性の重要性が報告されてきたが、この三核錯体では密度汎関数法による研究の みが行われ、多参照性計算を考慮した理論研究は行われておらず、電子状態や結合性の理解 は十分でない。

本研究では、多参照理論に基づいた DMRG-CASSCF/CASPT2 法を用いて多中心多重金属結 合を有する錯体の電子状態の解明を試みた。

【計算方法】構造最適化には DFT(B3PW91)法を用い、エネルギー計算には DMRG-CASSCF/CASPT2法を用いた。また局在化軌道(LMO)を用いた CASCI法によりスピン 分布及び結合次数に関する解析を行った。CASSCFの活性空間にはエネルギーの高い  $d_{x2-y2}$ 軌 道を除く d 軌道(12 電子 12 軌道)を用いた。遷移金属の内殻電子は Stuttgart-Dresden-Bonn の ECP で置き換え、原子価軌道には triple zeta 基底関数を用いた。その他の原子には、密度汎 関数法では cc-pVDZ を用い、CASPT2 法では N 及び Cl 原子には DZP を C 及び H 原子には DZ 基底を用いた。

【結果及び考察】DFT 法による構造最適化を行った結果、CI 錯体、N<sub>3</sub> 錯体の双方で2つの Cr-Cr 結合長の長さが等しい対称な安定構造が得られた。その結合長はそれぞれ 2.464Å 及び 2.461Å であり、対称構造を持つ CI 錯体の実験値 2.365Å よりも約 0.1Å 長い。CI 錯体におい て Cr-Cr 結合長を変化させたポテンシャル曲線を図 1 に示す。DMRG-CASSCF 法では DFT 法 よりも結合長が過大評価されたが、DMRG-CASPT2 法では 2.41Å 付近で極小になり、実験値 に近い結果が得られた。N<sub>3</sub>錯体について、実験値を起点に各 Cr-Cr 結合長を変化させたポテ ンシャル曲線を検討したが (図 2)、DFT 法及び CASSCF 法では非対称構造は非常に不安定で であった。しかし、DMRG-CASPT2 法では一方の Cr-Cr 結合が他方の結合よりも 0.24 Å 短い 非対称構造が得られた。この非対称構造は対称構造よりもごく僅かに(0.9 kcal/mol)不安定であ った。



ポテンシャル曲線。

ポテンシャル曲線。

Cl 及び N<sub>3</sub> 錯体の CASSCF 自然軌道を(図 3)では  $\sigma$  型と  $\delta$  型が 1 つ、  $\pi$  型が 2 つの計 4 つ の結合性軌道の存在が示された。また三核錯体では二核錯体とは異なり、中心の Cr 原子の軌 道を含まない非結合性 MO が 4 つ存在する。対称構造である Cl 錯体では結合性 MO は 3 つの Cr 原子に非局在化し、非結合性 MO は両端に現れる(図 3a)。一方、非対称構造である N3 錯体 では結合性軌道は結合距離の短い Cr<sup>1</sup>-Cr<sup>2</sup> 側に局在化し、非結合性軌道は主に結合距離の長い 方の末端の Cr<sup>3</sup> 原子に局在化している (図 3b)。局在化軌道を用いた CASCI 法を行い、対称構 造における各金属原子のスピン密度を求めたところ、Cl 錯体では、末端の Cr<sup>1,3</sup> 原子は 3.27 のスピンを、中央の Cr<sup>2</sup> 原子は末端 Cr とは逆向きのスピン 2.55 をもち、系全体として 5 重項 をとる。また、非対称構造のN3錯体においても、末端のCr<sup>3</sup>(3.61)だけでなく多重結合に関与 する Cr<sup>1</sup>(2.74)及び中央の Cr<sup>2</sup>(-2.36)にも大きなスピンが見られる。これらの値は二核錯体の反 結合性軌道の占有数から見積もられるラジカル性(2.09)よりも相当程度大きく、Cr-Cr 間多重 結合が連結した Cr 三核錯体は興味深い電子状態をもつことが示された。



図 3. (a) Cr<sub>3</sub>(dpa)<sub>4</sub>Cl<sub>2</sub>及び(b) Cr<sub>3</sub>(dpa)<sub>4</sub>(N<sub>3</sub>)<sub>2</sub>の CASSCF 自然軌道。括弧内は占有数を表す。

[1] F. A. Cotton, L. M. Daniels, C. A. Murillo, and I. Pascual, J. Am. Chem. Soc. 1997, 119, 10223. [2] Y. Turov, J. F. Berry, Dalton Trans., 2012, 41, 8153.

# ピンサー型 Hf 錯体を用いたオレフィン重合反応における 対アニオンの活性点占有挙動

(名大院・情報科学<sup>1</sup>, JST-CREST<sup>2,</sup> 京大 ESICB<sup>3</sup>)
 〇松本 健太郎<sup>1</sup>, K. S. Sandhya<sup>1, 2</sup>, 高柳 昌芳<sup>1, 2</sup>,
 古賀 伸明<sup>1, 2</sup>, 長岡 正隆<sup>1, 2, 3</sup>

# Active site occupation behavior by counter anion in olefin polymerization reaction catalyzed by pincer Hf complex

(Graduate School of Information Science, Nagoya University<sup>1</sup>, JST-CREST<sup>2</sup>, ESICB, Kyoto University<sup>3</sup>)

○K. Matsumoto<sup>1</sup>, K. S. Sandhya<sup>1, 2</sup>, M. Takayanagi<sup>1, 2</sup>, N. Koga<sup>1, 2</sup>, M. Nagaoka<sup>1, 2, 3</sup>

【序論】ピンサー型錯体の一種である (pyridylamide)Hf(IV)錯体1は近年、オレフィン 重合反応の触媒として注目を集めており、触媒反 応機構の実験的研究が行われている。1.2 これらの 研究によれば、錯体1は図1のような活性化を経 て触媒活性を示す。錯体1は助触媒 B(C<sub>6</sub>F<sub>5</sub>)<sub>3</sub>2 によって Me 基を引き抜かれてカチオンとなる。 カチオンは配位不飽和な Hf 原子を持っており、 これが活性点となって反応が進行する。一方で、 助触媒はMe基を引き抜くことで対アニオン4と なる。対アニオン4はカチオンの活性点との間に 引力性相互作用を持つため、活性化で生じるイオ ン対3では、対アニオン4が活性点を占有した構 造が安定である<sup>2,3</sup> (図 2)。従って、活性種であ るカチオンの性質のみならず、アニオンの挙動も 触媒活性に影響を及ぼすと考えられる。実際、用 いる助触媒に依存して活性が変化することが実 験的に報告されている 4,5。以上から、イオン対 の構造と振舞いが触媒の活性を決める重要な因 子であると考えられるが、その微視的な描像は明 確ではない。そこで本研究では分子シミュレーシ ョンを用いて、溶液中でのイオン対の振る舞いを 解析した。



図 1: (Pyridylamide)Hf(IV)錯体 1 の助触媒 2 による活性化機構



図 2:分子力場計算で得られたイオン対の 安定構造のステレオビュー

【方法】まず、密度汎関数法(DFT)を用いて活性種であるカチオンの構造と、カチオン-アニオン 間、カチオン-モノマー間の引力性相互作用を調べた。汎関数には M06 を用い、基底関数は H、C、 N、O 原子には 6-31G(d,p)、Hf 原子には有効内殻ポテンシャル基底関数 LANL2DZ と f 軌道を用い た。DFT 計算の結果に基づいて、汎用力場 GAFF (general AMBER force field) をもとにパラメー タを調製することで、カチオンの分子内力場と、カチオン-アニオン間、カチオン-モノマー間の分 子間力場を開発した。そして、1 対のイオン対 3、モノマーとしてエチレン 60 分子、溶媒として ヘプタン 140 分子からなるモデル系を構築し、分子動力学 (MD) 計算とレプリカ交換 (REMD) 計算を行った。MD 計算では 400 K、1.4 MPa の NPT アンサンブルを用いて 1.2 マイクロ秒のトラ ジェクトリを計算し、解析した。また、REMD 計算では 392K から 800K までの 34 のレプリカを 用意し、1 ピコ秒ごとのレプリカ交換を 50,000 回行った上で、400 K におけるトラジェクトリを 解析した。

【結果と考察】MD 計算で得られたト ラジェクトリを解析した結果、図3 に示す機構でカチオンの活性点か ら対アニオン4が解離することを見 出した。まずメチル基とF原子を介 して対アニオン4がHf原子に配位 した構造(図3(a))から、F原子の みで配位した構造(図3(b))への 変化が起こる。その後、エチレンが 活性中心に配位しつつ、対アニオン 4がHf原子から解離し(図3(c))、 解離状態(図3(d))が生じる。こ の機構では、活性点から対アニオン 4 が解離することによる不安定化エ ネルギーが、モノマー配位による安 定化エネルギーで補償され、解離が 促進される。また、REMD 計算の結 果から、図3に示す機構が対アニオ ン4の活性点からの解離の主要な機



構であることが示された。さらに、Meを用いて対アニオン4がHf原子に配位した構造(a)から は解離が生じないことから、Me基を有さないアニオンを用いる場合には、解離がより容易に生じ、 触媒活性が向上すると推定できる。この推定は、対アニオンとしてMe基を有さない[B(C<sub>6</sub>F<sub>5</sub>)<sub>4</sub>]<sup>-</sup>を 用いると、より低温・短時間で重合反応が進行するという実験結果と整合している<sup>4,5</sup>。当日の発 表では力場の開発を含め、図3の過程の詳細な解析結果を報告する。

#### 【参考文献】

[1] Froese, R.D.J.; Hustad, P.D.J; Kuhlman, R.L.; Wenzel, T.T., J. Am. Chem. Soc. 2007, 129 (25), 7831-7840.

[2] Zuccaccia, C.; Busico, V.; Cipullo, R.; Talarico, G.; Froese, R.D.J.; Vosejpka, P.C.; Hustad, P.D.; Macchioni, A., *Organometallics* **2009**, *28* (18), 5445-5458.

[3] Zuccaccia, C.; Macchioni, A.; Busico, V.; Cipullo, R.; Talarico, G.; Alfano, F.; Boone, H. W.; Frazier, K. A.;

Hustad, P.D.; Stevens, J.C.; Vosejpka, P. C.; Abboud, K.A., J. Am. Chem. Soc. 2008, 130 (31), 10354-10368.

[4] Domski. G.J.; Lobkovsky, E.B.; Coates, G.W., Macromolecules, 2007, 40 (9), 3510-3513

[5] Busico, V.; Cipullo, R.; Pellecchia, R.; Rongo, L.; Talarico, G.; Macchioni, A.; Zuccaccia, C.; Froese, R.D.J.;Hustad, P.D., *Macromolecules* 2009, 42 (13), 4369-4373.

## 密度汎関数強束縛法を用いた高速な QM/MM 計算理論の開発

(分子研<sup>1</sup>, 総研大<sup>2</sup>) 〇 西澤宏晃<sup>1</sup>, 奥村久士<sup>1,2</sup>

# Development of rapid QM/MM approach based on the density-functional tight-binding method

 $(\mathrm{IMS}^1,\,\mathrm{Sokendai}^2)$   $\bigcirc$ Hiroaki Nishizawa<sup>1</sup>, Hisashi Okumura<sup>1,2</sup>

【緒言】数値計算を用いた生体分子の解析には,分子力場 (MM) による古典分子動力学 (MD) が広く 用いられる。ときに生体内では金属イオンが重要な役割を果たすことがあるが,分子力場を用いた計算 では生体分子と金属イオンの相互作用を充分に取り込むことができない。このような系を取り扱う手法 として精度と計算コストのトレードオフから,一部分を量子力学 (QM) 的に取り扱う QM/MM 計算が 注目されている。しかし周期境界条件下での QM あるいは QM/MM 計算では計算コスト上の問題が 生じる。Coulomb 項は減衰が非常に遅く,通常,数値的にも正しい結果が得られないことが知られて いる。そこで Coulomb 項の計算には Ewald の方法 [1] が用いられるが,実空間と逆格子空間の計算コ ストは反比例の関係にあり,QM/MM 計算を用いて MD シミュレーションを行う際には律速となる。 本研究では古典 MD 計算において広く用いられる particle mesh Ewald (PME) 法 [2] を QM 計算に適 用し,高速な QM/MM 計算手法の開発を行う。QM 計算には低い計算コストで比較的よい精度が得ら れる密度汎関数強束縛 (DFTB) 法 [3] を採用した。さらに本手法を生体分子へ適用し,数値的検証も併 せて行う。[4]

【理論】DFTB/MM 法の全エネルギーを以下のように表す。

$$E_0^{\rm DFTB/MM} = E_{\rm short}^{\rm DFTB} + E_{\rm coul}^{\rm DFTB} + E_{\rm coul}^{\rm DFTB/MM} + E_{\rm LJ}^{\rm DFTB/MM} + E^{\rm MM}$$
(1)

右辺はそれぞれ,DFTB の短距離相互作用のエネルギーと Coulomb エネルギー,DFTB/MM の Coulomb エネルギーと LJ エネルギー,MM のエネルギーである。軌道係数 C と軌道エネルギー  $\epsilon$  を 得るために,Fock 行列 F と重なり行列 S を用いて,以下に示す DFTB 方程式を解く。

$$FC = \epsilon SC$$
 (2)

ここで, T を並進ベクトルとして,

$$F_{\mu\nu} = H^0_{\mu\nu} + S_{\mu\nu} (\Omega_{I \ni \mu} + \Omega_{J \ni \nu}) \tag{3}$$

$$\Omega_I = \frac{1}{2} \rho^{\text{DFTB}}(\boldsymbol{R}_I) + \frac{1}{2} \rho^{\text{MM}}(\boldsymbol{R}_I) + \Omega_{\text{short}}$$
(4)

$$\rho^{\rm DFTB(MM)}(\boldsymbol{R}_{I}) = \sum_{J}^{\rm QM(MM)} \Delta q_{J} \zeta_{IJ}^{\rm DFTB(MM)} = \sum_{\boldsymbol{T}} \sum_{J}^{\rm QM(MM)} \frac{\Delta q_{J}}{|\boldsymbol{R}_{I} - \boldsymbol{R}_{J} + \boldsymbol{T}|}$$
(5)

である。 $\rho$ は Coulomb 項の寄与であり、この計算は Ewald の方法により実空間 ( $\rho_{real}$ )、逆格子空間 ( $\rho_{recip}$ )、自己相互作用 ( $\rho_{self}$ )の3つに分割して行う。ここで  $\rho_{recip}$ は以下のように表される。

$$\rho_{\text{recip}}(\boldsymbol{R}_{I}) = \frac{1}{\pi V} \sum_{\boldsymbol{m}\neq 0} \frac{\exp\left[-\pi^{2} |\boldsymbol{m}|^{2} / \alpha^{2}\right]}{|\boldsymbol{m}|^{2}} \cdot \exp\left[-2\pi i \boldsymbol{m} \cdot \boldsymbol{R}_{I}\right] S(-\boldsymbol{m})$$
(6)

m は逆格子ベクトル, V は単位格子の体積,  $\alpha$  は Ewald の方法の収束を決定するパラメータである。 S(m) は構造因子として定義される。ここで  $\rho_{\text{recip}}$  に PME を適用するために,新たに

$$\widetilde{\boldsymbol{S}}(\boldsymbol{m}) = \exp\left[-2\pi i \boldsymbol{m} \cdot \boldsymbol{R}_I\right] \tag{7}$$

を定義する。これを用いて PME と同様の手続きをとることで、

$$\rho_{\text{recip}}(\boldsymbol{R}_{I}) \approx \sum_{m_{1}=0}^{K_{1}-1} \sum_{m_{2}=0}^{K_{2}-1} \sum_{m_{3}=0}^{K_{3}-1} \widetilde{Q}(m_{1}, m_{2}, m_{3}) \cdot (\theta * Q)(m_{1}, m_{2}, m_{3})$$
(8)

$$\widetilde{Q}(k_1, k_2, k_3) = M_{n_b}(u_1 - k_1)M_{n_b}(u_2 - k_2)M_{n_b}(u_3 - k_3)$$
(9)

と求めることができる。ここで、 $K_1, K_2, K_3$  は各並進ベクトルのグリッドの数、 $M_{n_b}(x)$  は  $0 \le x < n_b$ の区間でのみ値を持つ B-spline 関数である。

【結果と考察】本手法 (PME/PME)を A $\beta$ (1–16) 2 分子, 亜鉛イオン,水 12,954 分子からなる系に適用し,従来法 (Ewald/Ewald) と比較した。構造は図 1 に示す構造を用い ており,古典 MD を 300 K で 90 ns 行うことで決定した。 DFTB 計算には 3ob パラメータ, MM 計算には AMBER parm99SB を用い,A $\beta$ (1–16) 分子と亜鉛イオンを QM 領 域,水分子を MM 領域として DFTB/MM 計算を行った。 Ewald 計算のパラメータ  $\alpha$  は,Ewald/Ewald では計算 コストが最小となる  $\alpha = 0.03278$  Å<sup>-1</sup>, PME/PME では  $r_{cut} = 14.0$  Å で erfc( $\alpha r_{cut}$ )/ $r_{cut}$  が 10<sup>-9</sup>/ $a_0$  Å<sup>-1</sup> ( $a_0$  は Bohr 半径) となる  $\alpha = 0.2810$  Å<sup>-1</sup> を用いた。PME 計算 のパラメータは  $K_1 = K_2 = K_3 = 64, n_b = 8$  とした。



図1 対象とした系の構造

表 1 に Ewald/Ewald と PME/PME を用いたときの、 $\rho^{\text{MM}}$  と  $\zeta^{\text{DFTB}}$  の計算時間を示す。 PME/PME では SCC サイクルごとに  $\rho^{\text{DFTB}}_{\text{recip}}$ を求めるため、 $\zeta^{\text{DFTB}}_{\text{recip}}$ の計算は行わない。 $\rho^{\text{DFTB}}_{\text{recip}}$ の計 算時間は SCC 計算時間の差で 0.005 s と求められる。Ewald の方法で用いるパラメータ  $\alpha$  は、値が大 きいときは実空間、小さいときは逆格子空間の計算時間が削減される。PME/PME では大きい  $\alpha$  を用 いているため、Ewald/Ewald に比べて実空間の計算時間 ( $\rho^{\text{MM}}_{\text{real}}$ ,  $\zeta^{\text{DFTB}}_{\text{real}}$ )が削減されていることがわ かる。一方、逆格子空間での計算時間 ( $\rho^{\text{MM}}_{\text{recip}}$ ,  $\zeta^{\text{DFTB}}_{\text{recip}}$ ) は Ewald の方法では計算時間が増加する。し かし PME では畳み込みを行うことで、長距離の寄与を計算する必要がなくなるため、PME/PME で は Ewald/Ewald よりも小さい計算コストで  $\rho_{\text{recip}}$ を求めることができた。本手法の適用により、従 来法に比べて Coulomb 項の計算を 169.4 倍高速化することに成功した。表 2 には Coulomb エネル ギー、DFTB/MM の電子エネルギーと Mulliken 電荷の Ewald/Ewald からの平均絶対誤差を示した。 両者を比較するとわかるように、Mulliken 電荷を平均絶対誤差 10<sup>-6</sup> 以下で求めることができた。ま た、DFTB/MM の電子エネルギーも 10<sup>-6</sup>  $E_{\rm h}$  以下の誤差で求めることに成功した。当日は力の計算と MD 計算の結果も併せて報告する。

表	1	ρ.	Ċ.	DFTB	の計算時間	[秒]	
		r 7					

表 2 Coulomb エネルギー,電子エネルギー [*E*<sub>h</sub>] と Mulliken 電荷の Ewald/Ewald との平均絶対誤差

	Ewald/Ewald	PME/PME	WIUIIIKUI 电间V I		网心内院生
$ ho_{\rm real}^{\rm MM}$	18.504	0.171		Ewald/Ewald	PME/PME
$ ho_{ m recip}^{ m MM}$	25.157	0.069	$E_{ m coul}^{ m DFTB/MM}$	-3.641034	-3.641034
$\zeta_{\mathrm{real}}^{\mathrm{DFTB}} + \zeta_{\mathrm{self}}^{\mathrm{DFTB}}$	0.124	0.015	$E_{\rm coul}^{\rm DFTB}$	-14.502066	-14.502057
$\zeta_{ m recip}^{ m DFTB}$	0.164	-	$E_{\rm elec}^{\rm DFTB/MM}$	-701.211465	-701.211464
SCC 計算	1.280	1.285	$\Delta(\Delta q_I) [\times 10^{-3}]$	_	0.000164
$\rho^{\mathrm{DFTB}} + \rho^{\mathrm{MM}}$	43.949	0.260			0.000101

[1] P. P. Ewald, Ann. Phys., **369** (1921) 253.

- [2] U. Essmann, L. Perera, M. L. Berkowitz, J. Chem. Phys., 103 (1995) 8577.
- [3] M. Elstner, D. Porezag, G. Jungnickel, J. Elsner, M. Haugk, T. Frauenheim, S. Suhai, G. Seifert, Phys. Rev. B, 58 (1998) 7260.
- [4] H. Nishizawa, H. Okumura, J. Comput. Chem., submitted.

# 金属・配位子系における自己集合反応の理論研究 (京大院工<sup>\*</sup>,名大院・情報科学<sup>\*\*</sup>,京都大学 ESICB<sup>\*\*\*</sup>) o松村 祥宏<sup>\*</sup>,井内 哲<sup>\*\*</sup>,佐藤 啓文<sup>\*,\*\*\*</sup>

# Theoretical study on self-assembly in metal-ligand system

(Graduate School of Engineering, Kyoto Univ.\*, Graduate School of Information Science,

Nagoya Univ.\*\*, ESICB, Kyoto Univ.\*\*\*)

°Yoshihiro Matsumura<sup>\*</sup>, Satoru Iuchi<sup>\*\*</sup>, Hirofumi Sato<sup>\*,\*\*\*</sup>

【序論】自己集合では分子が自発的に組み上がっていき,一意的な分子集合体が高効率に生成する.これは生体系・ナノマテリアルに共通した現象である.集合体の構成要素となる分子の種類や溶媒環境が規定されたときに、どのような中間体を経て反応が進行していくのか、あるいは、進行しないのかを理解することが重要であるが、そのための枠組みは存在せず、現象の理解は未だ非常に限られている.特に多種多様で 過渡的である中間体は実験による観測が困難なため、構成要素と最終生成物をつなぐ形成過程に関してはほとんどわかっていない.

自己集合に理論的にアプローチすることもまた容易ではない. 秒から分スケールあるいはそれ以上の長時間スケールで起こる現象であるため, 直接的な分子シミュレーション計算は実行できない. 長時間スケールの問題に対しては, 反応のエネルギー面を安定構造と遷移状態で特徴づけ, 統計論に基づいて議論する方法が有効である [1]. しかし, 自己集合系のような分子多体系では, エネルギー面が非常に複雑化し, こうしたアプローチも容易ではない. このような問題は, 凝縮系における構造形成において一般的なものであり, 挑戦的な課題である.

近年,東京大学の平岡グループ は,金属-配位子系の自己集合反 応における中間体の平均組成の 時間発展を追跡する新たな実験 手法を開発した [2].構成分子の 種類を様々に変えて,系統的に自 己集合の時間発展が調べられて おり,理論と実験を突き合わせた 議論が可能になってきている.

そこで、本研究では、Figure 1



 $6[L] + 8[MX_4]^{2+} \rightarrow [M_6L_8]^{12+} + 24[X]$ 

Figure 1: Self-assembly of octahedron coordination capsule,  $[M_6L_8]^{12+}$ . Tridentate ligand (L), Pd ion (M<sup>2+</sup>), Pyridine (X).

に示す正八面体金属カプセルの自己集合反応を理論的に研究した [3]. 配位子 L, X ともに反応部位はピリジン(基)なので,この系で起こる反応は基本的にはすべてピ リジン交換反応といえる.それにもかかわらず,反応に関与する集合体によって反応 が進む速度に違いが生じる結果が実験的に示唆されており,分子の多体効果が重要で ある.分子モデルを構築し,反応メカニズムを調べることで,そのような効果を分子 論的に明らかにした.

【分子モデル】金属-配位子間の結合を適切に記述し、かつ、自己集合体の多数の構造のエネルギー計算を比較的簡便に実行するために、自己集合体のモデルハミルトニア

$$\mathbf{H}_{\text{tot}} = \mathbf{H}_{M^{a+}} + \mathbf{H}_{M^{a+}-Y}^{\text{ES}} + \mathbf{H}_{M^{a+}-Y}^{\text{EX}} + \mathbf{H}_{M^{a+}-Y}^{\text{CT}} + \mathbf{H}_{Y-Y} + \mathbf{H}^{\text{Aux}}$$

右辺の第一項は, 孤立金属イオン M<sup>a+</sup> の項である. また, Y は配位子(L または X) を表し, y は Y 中の反応部位であるピリジン(基)を表す. 第二項は M<sup>a+</sup> と Y の静 電相互作用, 第三項および第四項は M<sup>a+</sup> - y 間の交換反発項および電荷移動項である. 第五項の配位子同士の相互作用および分子内相互作用には, 古典力場 GAFF を用い る. 第六項は補助関数であり, M<sup>a+</sup> と 配位子中の N 原子間の短距離斥力を補正した. パラメータは, 錯体 [MX4]<sup>2+</sup> の量子化学計算を参照して決定した.

【結果と考察】  $[Pd_6L_8X]^{12+}$ の分子内配 位子交換反応のエネルギープロファイ ルを Figure 2 に示す.また,各状態の構 造における  $Pd^{2+}$ -N 配位結合のトポロ ジーを Figure 3 に示している.配位子交 換が起こる反応中心を抜き出したもの である.そこで,Nx,NLはそれぞれ配位 子 X,L 由来の N 原子であることを意 味しており,破線は実線と比べて結合 が弱く,結合距離が比較的長いことを 表している.

Figure 2 のエネルギープロファイルは, Prec 0 のエネルギーを基準にとったもので ある. Figure 3 に示すように, Prec 0 は 3 つ の  $N_L$  と 1 つの  $N_X$  と 4 配位している  $Pd^{2+}$ に対して, その他の  $N_L$  が比較的弱く配位 している構造である. ピラミッド型に近い 構造であるが,  $[Pd_6L_8X]^{12+}$ が有する分子内の 拘束のためこの比較的弱く配位する  $N_L$  は  $N_X$  側に拘束される. これら  $N_L$  および  $N_X$ と対に位置する  $N_L$  の3つが関与する2通り の反応経路がみつかっている. Figure 2 にお



Figure 2: Energy profile of intra-molecular reaction process of  $[Pd_6L_8X]^{12+}$ .



Figure 3: Topology of  $Pd^{2+}-N$  bond of reaction center in  $[Pd_6L_8X]^{12+}$ .

いて, Prec 0 を基準に TS 1L, Prec 1L と左に進行する経路では, N<sub>L</sub>同士が交換する. 一方, TS 1X, INT 1X と右に進行する経路では, N<sub>L</sub> と N<sub>X</sub> が交換する. TS 1X と INT 1X は結合のトポロジーは変化ないが(Figure 3), Pd<sup>2+</sup>-N<sub>X</sub> の距離が 0.36 Å 増加してい る. INT 1X のエネルギーは 24.9 kcal/mol と比較的高いが, 最終的な前駆体と考えら れる安定な Prec F (-5.1 kcal/mol, Figure 3) が見つかっている.

エネルギー障壁は、左に進行する経路よりも右の方が 5.8 kcal/mol 大きく非対称で ある. 最も基本的な過程  $[MX_4]^{2+} + [X] \rightarrow [MX_4]^{2+} + [X] は対称であり、障壁は 17.4 kcal/mol と、左に進行する経路よりさらに 4.7 kcal/mol 小さい.このように、$  $<math>[Pd_6L_8X]^{12+}$ が有する分子内の拘束のために障壁が大きくなり、非対称になる.

【参考文献】[1] D. J. Wales, *Energy Landscapes*, Cambridge University Press (Cambridge) 2003. [2] S. Hiraoka, *Chem. Rec.*, **15**, 1144, (2015). [3] Y. Tsujimoto, T. Kojima, and S. Hiraoka, *Chem. Sci.*, **5**, 4167, (2014). [4] S. Iuchi, *J. Chem. Phys*, 136, 064519, (2012).