## カーボンナノリボンの振動分散の統一的解明

(東北大院理) 〇山北 佳宏,山田 恵美,大野 公一

【序】本研究では、リボン状の縮合6員環構造を持つ炭 素ナノリボン(Fig. 1)に、任意の多環芳香族炭化水素 (PAH)に適用可能な分子内ポテンシャル力場を適用し[1]、 その振動分散曲線を構築した。多くの PAH 分子系で実証 された基準振動力場が 6 員環を数 100 個以上含む"無限" ナノ構造に適用できることを示し、逆格子空間からのア プローチが振動状態ならびに励起状態の振電状態の問題 を研究して行く上で有用であることを示す。炭素ナノリ ボン構造は、表面ステップ構造などとして作成すること ができ[2]、その振動の特徴は、無限に広がるグラファイ ト格子に境界条件を課したフォノン、または、巨大な PAH の分子振動としての性質を併せ持つことにある。振動と 電子の相互作用はナノ構造で顕著であり、電子物性を研 究する上でも重要と考えられる。電子状態については、 理論計算[3]ならびに走査トンネル顕微鏡(STM)観測[4] によって研究され、端に特異的に局在する高い電子状 態密度が報告されている。しかし、振動分散は数例を 除き[2]、ほとんど報告されていなかった。理想的なグ



**FIG. 1.** Definitions for (a) primitive unit vectors  $a_1$  and  $a_2$ , (b) primitive unit cells (bold lines) for zigzag and armchair nanoribbons, respectively. Chiral vector  $C_h$  specifies the positions of carbon atoms that are located at edges in nanoribbons, or meet each other in nanotubes.  $C_h = (2,2)$  in this case.

ラファイト格子の振動分散については密度汎関数理論(DFT)に基づく第一原理計算によってよく 研究されているが、そこでは固体物理の理論が適用されており、多様な分子構造における挙動に ついては未知な点が多かった。

【計算】本研究の手法では実空間の 分子分光学的な描像を逆格子空間へ 変換することで、周期性に着目しつ つナノ構造の知見を得ることができ る。すなわち、上述の MO/8 モデル による力の定数[1]を分子内座標系 から直交座標系に変換し、Fig.1 の太 線に示す単位格子について zone folding する方法を採用している[5]。 振動力場は、単純な PAH から最大 400 個程度の6員環を含む PAH また はグラフェンに対して得られ、これ



**FIG. 2.** (a) Longitudinal elastic harmonics,  $LO_k$  (k = 1, 2, ..., m), for [10] zigzag nanoribbons at  $\Gamma$  point and (b) a schematic showing nodal structures in the direction of width. These nodes are the characteristic vibrations of an elastic sheet with both ends (i) free or (ii) fixed.

を利用してリボンの幅方向の環の数*m*につい て *m*=1-20 の範囲で計算を行った。

【結果と考察】Fig. 2 は音響倍音の系列を示 す。環構造と振動変位の整合・不整合にかか わらず規則的な振動となっており、(b)に示し た弾性体の固有振動と同じ振動パターンが見 られる。縦波(Longitudinal)、横波(Transversal) の音響倍音それぞれについて、リボンの幅に 現れる節の数をkとおくと、k=1,...,mの系 列が倍音として現れる。ここで、振動の振幅 が(i)開放端のものとなるか、(ii)固定端のもの となるかはくり返し構造の対称性、換言すれ ば m (zigzag のとき)または 2m (armchair のと き)のパリティに依存する。

Fig. 3 は、すべての面内振動が k の系列とし て系統的な振動数の振る舞いを見せること を示したものである。特に、純粋な光学モー ド  $LO'_k$ ,  $TO'_k$ でも系統的な変化が得られた点 は興味深い。音響倍音と光学倍音の振動数は リボンの幅 m に対して異なる依存性(それぞ れ  $1/\sqrt{m}$ , 1/m)を示すことが明らかとなった。



**FIG. 3.** Frequency shifts for the transversal and longitudinal modes of hydrogenated [m] zigzag nanoribbons as a function of ribbon width, m. k is the number of nodes in the direction of width (k = 1 - m). Modes with the same k are connected with lines, and those of subtractive series (k = m, m-1, ...) are also connected by broken lines.

れ 1/√m, 1/m)を示すことが明らかとなった。これは、異なる弾性体の力学が関与しているためと 考えられる。

すべての基準振動は次の4種類に分類される。(1) リボン方向の位相差がゼロのとき、すなわち Γ点において重心の並進または回転にあたるモードは音響分枝である。基本的にこれらのモードで のリボン幅の節の数はk=0である。(2) 一方、k=0と同様なパターンを示すがリボンの幅方向に 位相差を持つ $k \neq 0$ のモード(Fig.2)を、音響倍音と呼んでいる。これらの振動数はГ点でもゼロと ならない。(3) 純粋な光学モードはГ点で T, L 型の振動に完全に分かれる。k=0, mの節を持つモ ードは環の構造に整合するが、これ以外のkで不整合なモードもkに対して系統的な挙動を示す (Fig. 3 上)。この系列を光学倍音と呼ぶ。(4) 端の CH 結合に由来する振動は、伸縮、面内変角、 面外変角振動として得られる。これらは殆ど分散を示さず、CH 結合の独立性を示している。

以上の分類をもとに、さらに下記の点について議論を行うことが可能である。(a)単位格子の対称性ごとの振動遷移の選択律、(b)振動分散曲線と環の数*m*=1-20の幅のリボンの*k*に対する離散的な振動状態、(c)PAHのDFT計算から予想される赤外・ラマン強度の特徴、(d)振動状態密度の外形依存性と一般則。

- [1] K. Ohno, R. Takahashi, M. Yamada, and Y. Isogai, Int. Elec. J. Mol. Design 636, 1 (2002).
- [2] T. Tanaka, A. Tajima, R. Moriizumi, M. Hosoda, R. Ohno, E. Rokuta, C. Oshima, and S. Otani, *Solid State Commun* 123, 33 (2002).
- [3] M. Fujita, K. Wakabayashi, K. Nakada, and K. Kusakabe, J. Phys. Soc. Jpn. 65, 1920 (1996).
- [4] Y. Kobayashi, K. Fukui, T. Enoki, and K. Kusakabe, Phys. Rev. B 73, 125415 (2006).
- [5] Y. Yamakita, J. Kimura, and K. Ohno, J. Chem. Phys. 126, 064904 (2007).