人工原子における多電子波動関数の節構造

(日大理工) 〇佐甲徳栄

【序】近年半導体微細加工技術の進歩により,少数の電子をナノスケールの低次元空間に拘束す ることが可能となった.このようなシステムは,系のサイズの有限性により原子様の不連続なエ ネルギー構造を持ち,フントの規則を満たすことから「人工原子」とも呼ばれ,新奇な物性を示す 少数多体系として近年大きな注目を集めている.人工原子においては,電子間相互作用の効果が 系のサイズに応じて大きく変化をするために,エネルギー準位構造は,閉じ込めの強さの関数と して複雑に変化をすることが知られている[1].最近我々は,この多様な人工原子のエネルギー準 位構造を理解することを目的として,擬1次元ガウス型ポテンシャル中に拘束された2電子系の 量子化学計算を行い,波動関数の節構造に基づく解析を行った.その結果,(i)人工原子のエネルギ ー準位は,波動関数の節の数によって定義されるポリヤッド量子数[2]を用いて分類できること、 そして,(ii)閉じ込めポテンシャルの非調和性が大きい場合には,人工原子内の2電子の運動は,お 互いに非結合化した局在振動をすることが示されている[3].本研究では,この2電子系での計算 を3電子以上に拡張することによって,人工原子のエネルギー構造を統一的に理解することを目 指した.

【理論モデルおよび計算方法】本研究で用いたハミルトニアンを以下に示す:

$$H = \sum_{i=1}^{N} \left[-\frac{1}{2} \nabla_{i}^{2} \right] + \sum_{i=1}^{N} \left[\frac{1}{2} \omega_{xy}^{2} (x_{i}^{2} + y_{i}^{2}) - D \exp \left(-\frac{\omega_{z}^{2}}{2D} z_{i}^{2} \right) \right] + \sum_{i>j}^{N} \frac{1}{|\mathbf{r}_{i} - \mathbf{r}_{j}|}.$$
 (1)

式(1)において $\omega_{xy} >> \omega_z$ の場合には、電子はxy方向に非常に強く束縛されるために、低エネルギー領域における電子の運動はz方向のみに限定される. すなわちこの場合には、式(1)は擬 1 次元ガウスポテンシャル中に拘束された電子のハミルトニアンを与える. このモデルを用いて、閉じ込めの強さを表す ω_z を変化させて、N=3および4の場合について、エネルギースペクトルおよび波動関数を配置間相互作用法によって計算した. また、xy方向に収縮しz方向に広がりを持つ非等方な電子分布を表現するために、非等方ガウス型関数を基底関数として用いた[4].

【エネルギースペクトルと波動関数】人工原子のエネルギー構造は、1 電子エネルギー E_1 と2 電子 エネルギー E_2 の相対的な大小関係に従って大きく変化する[1].本研究のモデルにおいては、 E_1 と E_2 は、z方向の閉じ込めの強さ ω_z に関して、それぞれ、 $E_1 \sim \omega_z$ 、および、 $E_1 \sim \sqrt{\omega_z}$ 、のようにスケー ルされる.このため、エネルギースペクトルの構造は ω_z の大きさによって次の3 通りに大別され る:(i) ω_z が大きい場合($E_1 > E_2$)、(ii) ω_z が中程度の場合($E_1 \sim E_2$)、(iii) ω_z が小さい場合($E_1 < E_2$).これ ら3つの場合に対応して、 ω_z の値をそれぞれ、5.0、1.0、0.1として選び、基底状態から $4\omega_z$ までの範 囲に位置する全てのエネルギー準位を計算した.

得られた各エネルギー準位について、多体波動関数の節の数で定義されるポリヤッド量子数 v_p を調べた. その結果、2 電子系の場合と同様に、 ω_z が大〜中程度の場合($\omega_z \ge 1.0$)には、エネルギー準位は v_p を良い量子数とするバンド構造を持つこと、そして、 ω_z が小さい場合($\omega_z = 0.1$)には、拡

張されたポリヤッド量子数 v_p^* [3]によって特徴付け られるバンド構造を持つことが示された.図1に,3 電子の場合について, ω_z の変化に対する低エネルギ 一領域の準位相関を示す.図1は,(i) ω_z の減少に伴 い,基底状態と第一励起2重項状態,および最低4重 項状態の準位間隔が減少し, ω_z =0.1においてこれら の準位は近縮重すること,(ii)一方,第二励起2重項 状態は, ω_z の変化に対して比較的鈍感であることを 示している.

ωzの変化に対するこれら二つの傾向を理解するた めに、3電子波動関数を3次元表示し、その節構造を 調べた. 図2に最低4重項状態の波動関数を示す. 図 2が示すように、最低4重項状態は3個の節平面を持 つ. 一方, 基底状態および第一励起 2 重項状態の波 動関数は,空間部分とスピン部分が絡み合っている ために、空間部分の確率2 乗分布は明確な節構造を 持たないことが示された. そして ω₂ が減少すると,2 重項状態の波動関数は電子間反発ポテンシャルの壁 を避けるようにして4重項状態と類似した節平面を 持つようになり、そのため4 重項状態と近縮重する ことが示された. また, ω の変化に対して準位エネ ルギーが鈍感な第二励起 2 重項状態については、波 動関数は図2の節平面と直交する重心座標の方向に 節を持つこと、すなわち重心モードが励起された状 態であることが示された.このため、一般化された Kohn の定理[5]の帰結として、基底状態の励起エネ ルギーが ω_z に依存しないことが明らかとなった.



図1.3電子擬1次元人工原子の準位相関.赤お よび緑の準位はそれぞれ2重項および4重項状 態を表す.



図 2. 最低 4 重項状態の 3 電子波動関数の確率 2 乗分布(ω_z = 5.0). 図中の赤線の一辺の長さは 2 (a.u.).

- [1] N. F. Johnson, J. Phys.: Condens. Matter 7 965 (1995).
- [2] T. Sako, P. A. Hervieux, and G.H.F. Diercksen, Phys. Rev. B 74 045329 (2006).
- [3] T. Sako and G. H. F. Diercksen, Phys. Rev. B 75 115413 (2007).
- [4] T. Sako and G.H.F. Diercksen, J. Phys.: Condens. Matt. 15 5487 (2003).
- [5] W. Kohn, Phys. Rev. 123 1242 (1961).